

$$\mathfrak{S}_1 \equiv \text{Tr}(\text{Tr} a_1 \text{Tr} a_2 \text{Tr} a_3 \text{Tr} a_4)$$